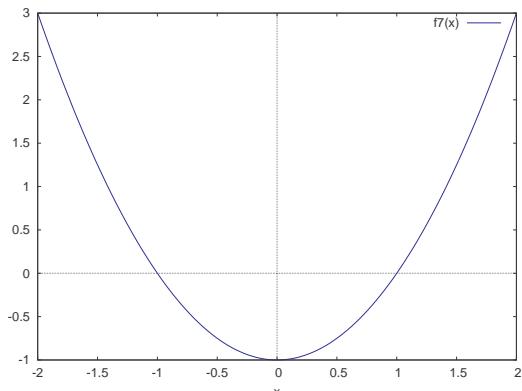
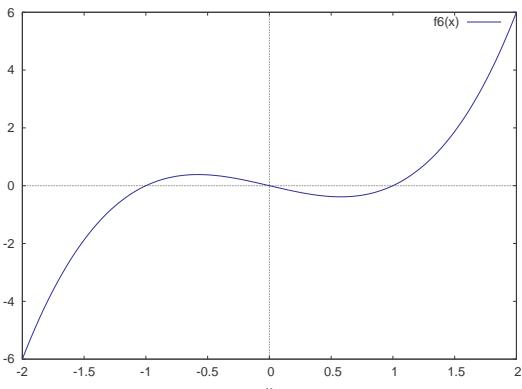
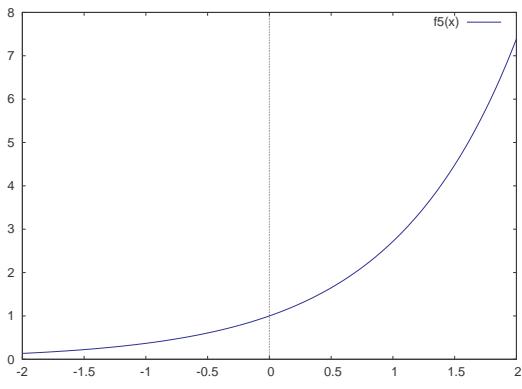
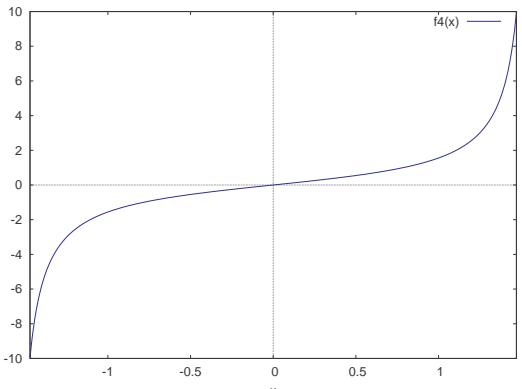


## TEST CURS INTRODUCTORI DE MATEMÀTIQUES

1. El polinomi  $x^3 + x^2 + 1$  té
    - 1 o 3 arrels
    - 0 o 2 arrels
    - cap de les anteriors
  2. Una arrel del polinomi  $x^3 + x^2 + 1$  es troba a l'interval
    - $[-1,5, -1,4]$
    - $[1,4, 1,5]$
    - $[2, 3]$
  3.  $\log b + 2 \log c - \log d =$ 
    - $\log(b + 2c - d)$
    - $\log\left(\frac{bc^2}{d}\right)$
    - 0
  4. Si  $x > 1$ , ordena els nombres:  $x, \frac{1}{x}, \frac{1}{x+1}, -\frac{1}{x}, -\frac{1}{x-1}, |x - 1|$ .
  5.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^5 + 1000n^4}{e^n} =$ 
    - 0
    - 1
    - $\infty$
  6.  $\sin(a + b) =$ 
    - $\sin a + \sin b$
    - $\sin a \sin b + \cos a \cos b$
    - $\sin a \cos b + \cos a \sin b$
  7. Els punts  $(-0,5, 0,4), (0,5, 0,4)$  i  $(0,5, 1,4)$ 
    - formen un triangle rectangle
    - estan alineats
    - formen un triangle equilàter
  8.  $(x - 2)^2 + (y - 4)^2 = 25$  és l'equació d'una
    - paràbola
    - hipèrbola
    - circumferència
  9. La funció  $\sin x$ 
    - és contínua i fitada
    - és fitada però no contínua
    - és contínua però no fitada
  10. Si  $f'(a) > 0$  llavors la funció  $f(x)$  és
    - creixent en  $a$
    - positiva en  $a$
    - negativa en  $a$
11.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{x^2+x+1}{x^2+2} \right)^{(3x-1)} =$
- 1
  - $e^3$
  - $-e^3$
12. La funció  $f(x) = 16x^4 - 8x^2 + 1$  té a  $x = \frac{1}{2}$
- una arrel
  - una discontinuïtat evitable
  - un màxim relatiu
13. La funció  $f(x) = 16x^4 - 8x^2 + 1$  té a  $x = \frac{1}{2}$
- una asímptota
  - un mínim relatiu
  - una discontinuïtat de salt
14. La funció  $f(x) = 16x^4 - 8x^2 + 1$
- és parella
  - és periòdica
  - és senar
15. Aparellau gràfiques i funcions:  $x^2 - 1, x(x^2 - 1), \sin(x), \cos(x), \tan(x), \log(x), \exp(x) = e^x$
- 
-



16. Si  $f$  és una funció tal que  $f(0) = 0$  i  $f'(x) > 0$  per a tot  $x$ , llavors

a)  $f(x) \geq 0$  per a tot  $x$

- b)  $f(x) = 0$  per a tot  $x$   
 c)  $f(x) \leq 0$  per a tot  $x$   
 d)  $f(x) \leq 0$  si  $x < 0$  i  $f(x) \geq 0$  si  $x > 0$

17. Feu un esbós d'una funció tal que  $f(1,23) = 3,21$ ,  $f'(0) = 0$  i  $f''(x) > 0$  per a tot  $x$ .
18. Sigui  $f$  i  $g$  funcions contínues en  $[a, b]$  tal que  $\int_a^b f(x) dx > \int_a^b g(x) dx$ , llavors
- a)  $f(x) > g(x)$  per a tot  $x \in [a, b]$   
 b)  $f(x) < g(x)$  per a tot  $x \in [a, b]$   
 c)  $f(x) > g(x)$  per a alguns valors d' $x \in [a, b]$

19. L'àrea compresa entre les corbes  $f(x) = 2x^4 + 10x^3 - 14x^2 + 4x + 2,2$  i  $g(x) = 2x^4 + 8x^3 - 16x^2 + 8x + 2,2$  és:

- a)  $\frac{74}{12}$   
 b)  $-\frac{35}{6}$   
 c)  $\frac{1}{2}x^4 + \frac{2}{3}x^3 - 2x^2$

20. Sigui  $A$  una matriu  $3 \times 3$  i sigui  $B$  una matriu  $2 \times 3$ . Quines de les operacions següents estan definides?

- $A \cdot B$
- $B \cdot A$
- $A^2$
- $B^2$
- $A^t \cdot B$
- $B^t \cdot A$
- $A^t \cdot B^t$
- $B^t \cdot A^t$
- $\det A$
- $\det B$

21. Si  $\vec{u}$  i  $\vec{v}$  són vectors no nuls tals que  $\vec{u} \cdot \vec{v} = 0$ , llavors

- a)  $\vec{u}$  i  $\vec{v}$  són paral·lels  
 b)  $\vec{u}$  i  $\vec{v}$  són perpendiculars  
 c)  $\vec{u}$  i  $\vec{v}$  es tallen

22. Sigui  $r$  la recta que passa pel punt  $(3, 1, -2)$  i té per vector director  $\vec{d} = (5, 2, -1)$ , i sigui  $\pi$  el pla donat per l'equació  $x - 3y - z + 6 = 0$ . La distància entre  $r$  i  $\pi$  és:

- a)  $-\frac{\sqrt{12}}{5}$   
 b) no té sentit calcular la distància entre ells  
 c)  $\frac{8}{\sqrt{11}}$

23. Observeu que

$$1 = 1$$

$$1 - 4 = -(1 + 2)$$

$$1 - 4 + 9 = 1 + 2 + 3$$

...

Troba una regla general i escriu-la.

24. Sigui  $p > 3$ , un nombre primer. Demostreu que  $p^2 - 1 = (p - 1)(p + 1)$  és múltiple de 12.
25. La representació binària (base 2) de 31 és
- a) 11111
  - b) 10110

c) 01021

26.  $1 + 2 + 4 + 8 + 16 + \dots + 1048576 =$

- a) 2097150

- b) 2097151

- c) 2097152

27.  $1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + \dots + 1048576 =$

- a) 549756338175

- b) 549756338176

- c) 549756338177